

Prova scritta parziale #1 – test [A]

1. $[0, \pi/6) \cup (5\pi/6, 2\pi]$
2. $\forall \varepsilon > 0, \exists \delta > 0 : \forall x \in A, 2 < x < 2 + \delta \Rightarrow |f(x) - 4| < \varepsilon$
3. $1, -i$
4. $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L > 0 \Rightarrow \exists U(x_0) : \forall x \in A \cap U(x_0) - \{x_0\}, f(x) > 0$
5. $x \log x, \sin \frac{x}{1+x^2}, \frac{x}{\log^2 x}, \log \cos^2 x$
6. $\max = \sup = 4/3, \min = \inf = -3/2, \text{ punti di accumulazione } \pm 1$

Prova scritta parziale #1 – test [B]

1. $[0, 7\pi/6) \cup (11\pi/6, 2\pi]$
2. $\forall M > 0, \exists \delta > 0 : \forall x \in A, 4 - \delta < x < 4 \Rightarrow f(x) < -M$
3. $-1, i$
4. Una funzione continua in R assume tutti i valori tra il suo estremo inferiore e quello superiore.
5. $\sqrt[4]{1 - \cos x}, \log(2e^x - 1), \frac{x}{\log x}, x^2 \log x$
6. $\max = \sup = 2, \min \text{ non esiste}, \inf = 1/2, \text{ punto di accumulazione } \emptyset$

Prova scritta parziale #1 – test [C]

1. $(\pi/3, 5\pi/3)$
2. $\forall \varepsilon > 0, \exists M > 0 : \forall x \in A, x < -M \Rightarrow |f(x) - 2| < \varepsilon$
3. $2, -2i$
4. $[P(1) \text{ vera} \wedge (\forall n \in N, P(n) \text{ vera} \Rightarrow P(n+1) \text{ vera}] \Rightarrow \forall n \in N, P(n) \text{ vera}$
5. $x \log x, \sin \frac{x}{1+x^2}, \frac{x}{\log^2 x}, \log \cos^2 x$
6. max non esiste, sup = 2, min non esiste, inf = -2, punti di accumulazione ± 2

Prova scritta parziale #1 – test [D]

1. $[0, 2\pi/3] \cup (4\pi/3, 2\pi]$
2. $\forall M > 0, \exists N > 0 : \forall x \in A, x > N \Rightarrow f(x) < -M$
3. $-2, 2i$
4. $\lim_{x \rightarrow x_0} \varphi(x) = L, \lim_{t \rightarrow L} f(t) = M$
 $\varphi(x) \neq L \text{ in } U(x_0) - \{x_0\} \text{ oppure } f(t) \text{ continua in } L$
 $\Rightarrow \lim_{x \rightarrow x_0} f(\varphi(x)) = M$
5. $\sqrt[3]{1 - \cos x}, \log(2e^x - 1), \frac{x}{\log x}, x^2 \log x$
6. max = sup = 5, min = inf = 3/2, punto di accumulazione 2.