

## Soluzioni della prima parte

### A

1. B
2.  $f$  continua in  $[a, b]$ , derivabile in  $(a, b) \Rightarrow \exists \xi \in (a, b) : \frac{f(b) - f(a)}{b - a} = f'(\xi)$
3.  $\forall x, x_0 \in \text{Dom } f (x \neq x_0), f(x) > f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0)$
4. 4,015
5.  $\min -1, \max \sqrt{2}$
6.  $e + e(x - 1)^2 / 2$

### B

1. B
2.  $f$  continua in  $[a, b]$ , derivabile in  $(a, b)$ ,  $f(a) = f(b) \Rightarrow \exists \xi \in (a, b) : f'(\xi) = 0$
3.  $\frac{f^{(n+1)}(\xi)}{(n+1)!} (x - x_0)^{n+1}$  con  $x_0 < \xi < x$  oppure  $x < \xi < x_0$
4. 5,016
5.  $\min -\sqrt{2}, \max 1$
6.  $3 + x / 3 - x^2 / 54$

## C

1. E
2.  $f(x)$  definita in un intervallo  $I$ ,  $x_0$  punto interno ad  $I$  di massimo o minimo locale o assoluto,  $f(x)$  derivabile in  $x_0 \rightarrow f'(x_0) = 0$ .
3.  $\forall x, x_0 \in \text{Dom } f (x \neq x_0), f(x) < f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0)$
4. 2,04
5.  $\min -1, \max \sqrt{2}$
6.  $-\frac{1}{e}(1 + 2(x+1) + \frac{5}{2}(x+1)^2)$

## D

1. E
2.  $f$  e  $g$  derivabili in  $U(x_0) - \{x_0\}$ ,  $g$  e  $g' \neq 0$  in  $U(x_0) - \{x_0\}$ ,  $f$  e  $g$  infinitesime o infinite simultanee per  $x \rightarrow x_0$ . Allora  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)} = L \Rightarrow \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = L$
3. Punto che separa un intervallo di convessità da uno di concavità
4. 6,02
5.  $\min -\sqrt{2}, \max 1$
6.  $3 + 2x/3 - 2x^2/27$ .