

Complementi di Analisi Matematica

Anno Accademico 2003-2004

Laurea specialistica in Informatica

R.Stasi, V.M. Tortorelli

III prova scritta finale, 16 luglio 2004

I PARTE: si dia la risposta alle seguenti domande senza giustificazione:

1- Si calcoli il volume elementare del parallelepipedo generato dall'origine di \mathbf{R}^5 , e dai vettori $(1, 1, 1, 1, 1)$, $(1, 2, 1, 1, 1)$, $(1, 1, 1, 2, 1)$.

R.:

2- Si calcoli il polinomio di Taylor di quinto grado con centro $(0, 0, 0)$ della funzione $z^2 \tan xy$.

R.:

3- Si calcoli il coseno dell'angolo tra le due superficie definite implicitamente da:

$$x^2 + y^2 + z^2 = \frac{24}{5}, \quad z = x^2 + 4y^2 \quad \text{nel punto di intersezione } \left(\sqrt{\frac{2}{5}}, -\sqrt{\frac{2}{5}}, 2\right).$$

R.:

4- Si calcoli $\int_{0 < z = xy, x^2 + y^2 \leq R^2} \frac{z}{x^2 + y^2} dVol_2$.

R.:

5- Si calcoli $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_{\mathbf{R}} \frac{dt}{1 + \frac{1}{n} + (t - n)^2}$

R.:

6- Si trovi la soluzione del problema $u'(x) = e^{u(x)+x}$, $u(0) = 0$.

R.:

Complementi di Analisi Matematica

Anno Accademico 2003-2004

Laurea specialistica in Informatica

R.Stasi, V.M. Tortorelli

III prova scritta finale, 16 luglio 2004

II PARTE: si risolvano i seguenti problemi dando in modo esauriente le opportune giustificazioni:

1- Si trovi il valore massimo di $xy + xz + yz$ su $0 \leq z \leq 1 - x^2 - y^2$.

2- Si consideri il problema di trovare un aperto connesso A e una $u \in C^1(A)$:

$$\begin{cases} x \frac{\partial u}{\partial x} - y \frac{\partial u}{\partial y} = 0, & (x, y) \in A \\ u(x, y) = g(x, y), & x^2 + y^2 = 1, (x, y) \in A \end{cases}$$

a: si provi che vi è un'unica soluzione del problema non estendibile per $g(x, y) = (1 - 4x^2y^2)^{\frac{1}{3}}$.

b: si trovino due diverse soluzioni del problema (che non siano estendibili) per $g(x, y) = (1 - 2xy)^{\frac{1}{3}}$.